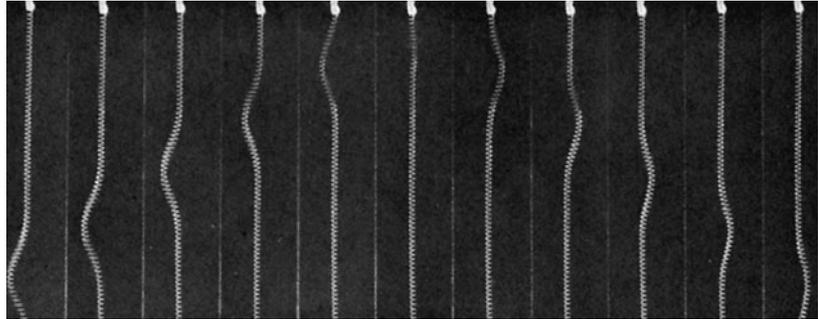


Le onde stazionarie

La figura sotto mostra un impulso trasversale in una molla ancorata a un estremo fisso. L'impulso si propaga verso l'alto lungo l'intera molla, si riflette e torna indietro capovolto. Questo è, dopo quello delle onde sonore visto nel fenomeno dell'eco, un altro esempio di riflessione di un'onda.



Principio di sovrapposizione

L'effetto complessivo di due o più onde che si propagano nello stesso mezzo è dato dalla somma algebrica degli effetti delle singole onde.

Onde non stazionarie

Le onde che si propagano nello spazio sono dette **onde progressive** oppure **onde regressive**, a seconda del loro verso di propagazione.

Quando si pizzica una corda di chitarra si generano delle onde che si propagano verso i due estremi della corda. Arrivate alle due estremità, le onde si riflettono e si dirigono verso il capo opposto della corda, per generare diverse riflessioni consecutive.

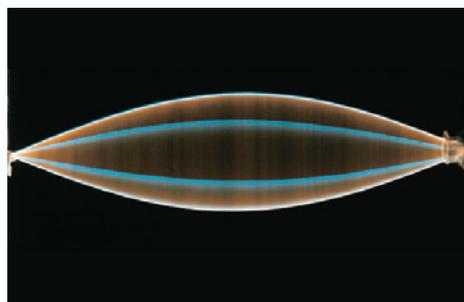
La sovrapposizione di queste onde, tutte della stessa frequenza, che si propagano lungo la corda dà origine a un fenomeno complessivo detto *onda stazionaria*:

un'onda stazionaria è un'onda che non si propaga, ma rimane sempre nella stessa zona di spazio.

Di conseguenza, un'onda stazionaria non trasporta energia da un punto all'altro dello spazio che essa occupa.

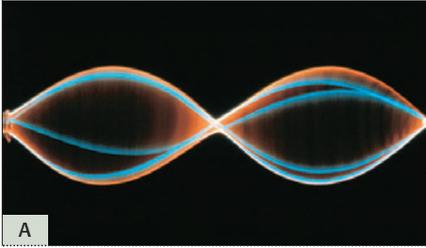
■ I modi normali di oscillazione

Se pizzichiamo con attenzione la corda di una chitarra nel suo centro possiamo ottenere un moto come quello rappresentato nella figura sotto. Questa onda stazionaria ha due punti sempre fissi (detti **nodi**) agli estremi della corda; tutti gli altri punti della corda si muovono di moto armonico nello stesso verso: o tutti verso l'alto, o tutti verso il basso. Hanno tutti la stessa frequenza e si muovono in fase, cioè raggiungono insieme sia il punto massimo dell'oscillazione, sia il punto minimo.

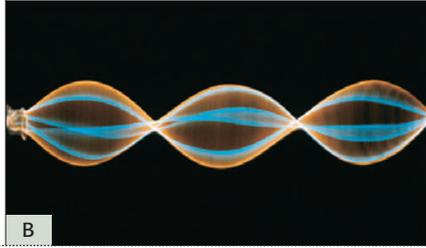


Pizzicando opportunamente una corda si possono ottenere onde stazionarie con un numero maggiore di nodi. Per esempio

► questa è un'onda stazionaria con tre nodi;



► mentre quest'altra è un'onda stazionaria con quattro nodi.

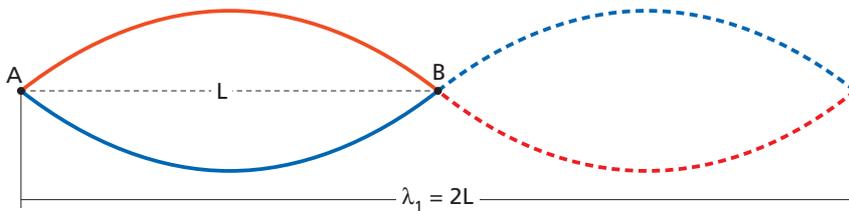


Ciascuna di queste particolari onde rappresenta un *modo normale* di oscillazione della corda.

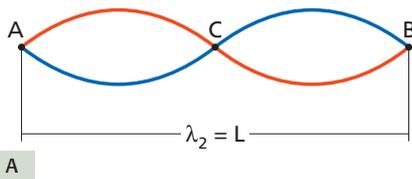
Si chiamano **modi normali** di oscillazione le onde stazionarie in cui tutti i punti della corda oscillano di moto armonico con la stessa frequenza.

■ Le frequenze dei modi normali

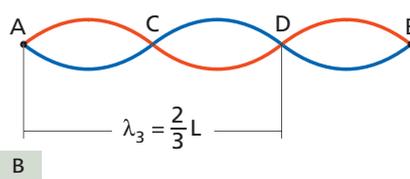
La figura sotto mostra che il primo modo normale di oscillazione, quello con due nodi, ha una lunghezza d'onda $\lambda_1 = 2L$, dove L è la lunghezza della corda che vibra.



► Il modo normale successivo, con tre nodi, ha lunghezza d'onda $\lambda_2 = L$.



► Poi c'è il modo normale con quattro nodi, che ha lunghezza d'onda $\lambda_3 = \frac{2}{3}L$.



In generale, la lunghezza d'onda del modo normale numero n (che ha $n + 1$ nodi) è

$$\lambda_n = \frac{2L}{n}, \quad n = 1, 2, \dots$$

Se indichiamo con v la velocità delle onde sulla corda, possiamo ottenere la frequenza f_n del modo normale numero n ; infatti, se indichiamo con T_n il periodo di oscillazione del modo normale numero n , la formula precedente diventa

$$f_n = \frac{1}{T_n}$$

e la formula per la velocità di propagazione diviene

$$v = \frac{\lambda_n}{T_n} = \lambda_n f_n,$$

da cui

$$f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L} \quad n = 1, 2, \dots$$

Le frequenze dei modi normali sulla corda sono tutte multipli della frequenza

$$f_1 = \frac{v}{2L}.$$

In linguaggio musicale la frequenza f_1 è detta **fondamentale** o **prima armonica**. Tutte le altre frequenze da f_2 in poi sono multiple di f_1 e sono dette *armoniche superiori*.

Frequenza dell'onda composta

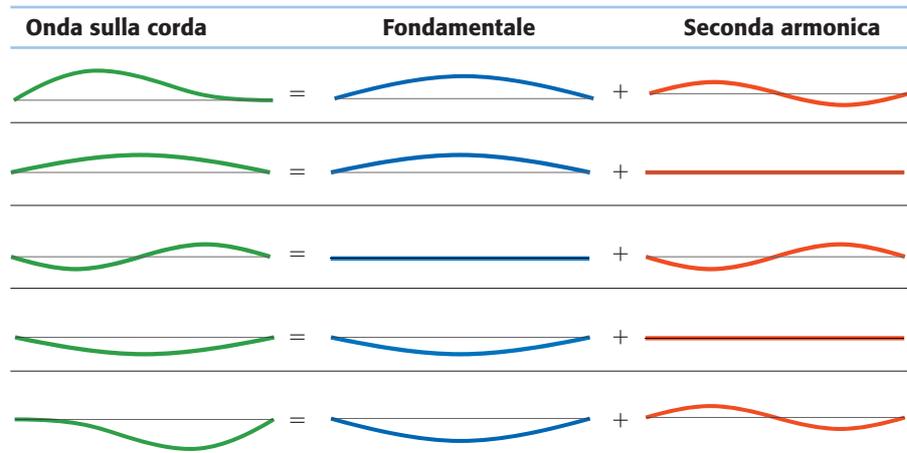
Se la fondamentale ha frequenza f e periodo T , la seconda armonica ha periodo $T/2$. L'onda composta ha ancora periodo T e frequenza f , perché dopo un tempo T la fondamentale ha compiuto un'oscillazione completa e la seconda armonica ne ha compiute due: in questo modo l'intero sistema è di nuovo nella situazione di partenza.

■ Sovrapposizione di modi normali

Se pizzichiamo a caso una corda di chitarra non otterremo uno dei modi normali di oscillazione, ma una forma d'onda più complessa. In generale

un'onda stazionaria generica si può ottenere come sovrapposizione di due o più modi normali di oscillazione.

Come esempio, l'onda complessa della figura qui sotto (colore verde), di cui è disegnato solo mezzo periodo, è ottenuta come sovrapposizione dell'onda fondamentale e della seconda armonica (quest'ultima con un'ampiezza che è la metà di quella della fondamentale).



DOMANDA

L'onda stazionaria su una corda è ottenuta sovrapponendo la seconda armonica e la quarta armonica.

► Quanti nodi ha l'onda risultante?

Un'onda sinusoidale semplice, come la fondamentale, è percepita dal nostro orecchio come un suono semplice e metallico (per esempio quello del diapason). Le forme complesse delle onde sonore prodotte dagli altri strumenti sono dovute al fatto che il suono contiene, oltre alla fondamentale, anche diverse armoniche superiori.

Queste onde complesse sono percepite dall'orecchio con timbri diversi, anche se hanno la stessa frequenza fondamentale e, quindi, la stessa altezza.

ESERCIZI

- 1 Caccia all'errore.**
«I punti di un'onda stazionaria si muovono tutti in fase, mentre l'onda si propaga nello spazio.»
- 2 Cancella le alternative sbagliate.**
Un'onda stazionaria ottenuta pizzicando una corda nel suo centro presenta *uno/due* nodi. Il modo normale successivo ha *due/tre* nodi. In questi modi di oscillazione tutti i punti della corda oscillano con frequenza *uguale/diversa*.
- 3 Vero o falso?**
- a.** Un'onda stazionaria si può ottenere come sovrapposizione di due o più modi normali di oscillazione. V F
- b.** Un modo normale di oscillazione è un'onda stazionaria in cui tutti i punti della corda oscillano di moto uniforme, cioè con la stessa velocità. V F
- 4** Un'onda sonora viaggia nel tubo chiuso di una canna d'organo lungo 100 cm. Calcola:
▶ la frequenza fondamentale dell'onda stazionaria prodotta.
▶ la corrispondente lunghezza d'onda.
[170 Hz; 2,00 m]
- 5** In una corda tesa tra due supporti fissi distanti tra loro 75,0 cm viaggia un'onda trasversale. La frequenza fondamentale dell'onda sulla corda è di 410 Hz.
▶ Calcola la velocità di propagazione dell'onda.
[615 m/s]