

## ESPLORAZIONE: IL PADRE DEI POLINOMI



◀ Un professore e i suoi assistenti nella biblioteca pubblica di Holwan (Iraq). Alle loro spalle nicchie piene di manoscritti, disposti orizzontalmente, per una migliore conservazione. Questa miniatura del 1237 di al-Wasiti illustra una delle *Maqamat* di al-Hariri (Bassora, 1054-1122), cinquanta brevi componimenti in prosa rimata, ricchi di fantasia e invenzioni, su episodi di vita realmente accaduti. Ispirandosi a queste *maqamat*, il musicista Robert Schumann compose nel 1848 i suoi sei Improvvisi intitolati *Quadri d'Oriente*. La miniatura è conservata nella Bibliothèque Nationale di Parigi.

Il primo matematico che si occupò in modo approfondito dell'algebra dei polinomi fu il persiano al-Karaji (953-1029 circa). Egli ebbe l'idea di applicare le operazioni aritmetiche alle potenze delle variabili, giungendo così ai monomi. Nella sua opera principale, intitolata *Al-Fakhri*, enunciò esplicitamente la formula per ottenere il prodotto di monomi (quella che noi indichiamo con  $x^n \cdot x^m = x^{m+n}$ ). Chiamò  $x^5$  *quadrato-cubo* (noi scriveremmo  $x^5 = x^2 \cdot x^3$ ) e  $x^6$  *cubo-cubo* ( $x^6 = x^3 \cdot x^3$ ).

Dopo aver studiato la moltiplicazione e la divisione di monomi, al-Karaji si dedicò ai polinomi e stabilì le regole di addizione, sottrazione e moltiplicazione. Calcolò il quadrato e il cubo di un binomio e costruì una tabella per ricavare i coefficienti delle potenze di  $(a + b)^n$  fino a  $n = 12$ .

Quasi duecento anni dopo, al-Samawal, che apparteneva alla scuola dedicata allo studio della matematica fondata da al-Karaji, scrisse il *Libro luminoso sull'aritmetica* (a soli 19 anni di età!). Il trattato è ricco di idee originali e prezioso per le informazioni sui contributi dei matematici arabi.

Al-Samawal continuò l'opera di al-Karaji e in particolare definì  $x^0 = 1$  (con  $x$  diverso da 0) ed eseguì divisioni fra polinomi.

## UN TRIANGOLO DI NUMERI

Per calcolare i coefficienti delle potenze di  $(a + b)^n$  è comodo utilizzare il seguente triangolo, detto di Tartaglia.

1		$n = 0$				
1	1	$n = 1$				
1	2	1	$n = 2$			
1	3	3	1	$n = 3$		
1	4	6	4	1	$n = 4$	
1	5	10	10	5	1	$n = 5$

.....

Per esempio, con  $n = 3$  i coefficienti sono 1, 3, 3, 1 e lo sviluppo che si ottiene è quello che conosci:  $(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ .

Qual è lo sviluppo di  $(a + b)^4$ ? Scopri la regola che permette di scrivere una riga del triangolo conoscendo quella precedente e scrivi le righe per  $n = 6, 7, 8$ . Calcola  $(x - 1)^7$ .

## IN CINQUE SLIDE

I matematici arabi non furono i primi a individuare i coefficienti per lo sviluppo delle potenze di un binomio. Ricostruisci la storia del triangolo di Tartaglia, realizzando una presentazione multimediale.



**Cerca nel web:** triangolo di Tartaglia, Pascal's triangle, arithmetic triangle, binomial coefficients.