

LABORATORIO DI MATEMATICA

I SISTEMI DI SECONDO GRADO

■ I sistemi di secondo grado con Excel

L'OPERATORE	ESEGUE
RADQ(<i>operando</i>)	la radice quadrata di <i>operando</i> .

ESERCITAZIONE GUIDATA

In un triangolo rettangolo ABC i $\frac{3}{4}$ dell'ipotenusa AC superano il cateto BC di 3 m. Determiniamo la misura dell'area, quando il cateto AB è lungo rispettivamente 16 m, 4 m, 3 m.

Impostiamo la soluzione del sistema

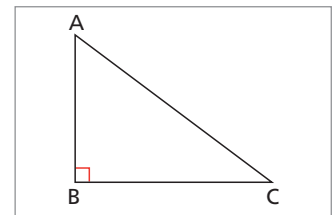
Poniamo $\overline{AB} = a$, $\overline{BC} = x$, $\overline{AC} = y$, traduciamo la relazione assegnata in equazione e applichiamo il teorema di Pitagora.

$$\begin{cases} \frac{3}{4}y = x + 3 \\ a^2 + x^2 = y^2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} y = \frac{4x + 12}{3} \\ a^2 + x^2 = \left(\frac{4x + 12}{3}\right)^2 \end{cases}$$

Risolviamo la seconda equazione:

$$7x^2 + 96x - 9a^2 + 144 = 0$$

$$x_1 = \frac{-48 + \sqrt{63a^2 + 1296}}{7} \quad \text{e} \quad x_2 = \frac{-48 - \sqrt{63a^2 + 1296}}{7}$$



Analizziamo le soluzioni

Dai risultati deduciamo che x_2 è sempre negativa, quindi non accettabile e che x_1 è accettabile quando è positiva. In tale caso, essa rappresenta BC e permette di calcolare l'area del triangolo con la formula: $S = \frac{1}{2} \overline{AB} \cdot \overline{BC}$.

Immettiamo le didascalie

- Nelle celle A1, A2 e A3 scriviamo il testo del problema.
- Digitiamo in A5: Inserisci la lunghezza del cateto AB in metri, in A7: La lunghezza del cateto BC, nella cella A8: L'area del triangolo è.
- Mettiamo un bordo alla cella D5 (figura 1).

	A	B	C	D
1	In un triangolo rettangolo ABC i 3/4 dell'ipotenusa AC			
2	superano il cateto BC di 3 m, determiniamo l'area			
3	in relazione alle misure del cateto AB.			
4				
5	Inserisci la lunghezza del cateto AB in metri:			
6				
7	La lunghezza del cateto BC			
8	L'area del triangolo è			

▲ Figura 1

Scriviamo il controllo sul cateto BC

• Nelle celle C7 e D7 digitiamo rispettivamente le formule:

$$= SE(-48 + RADQ(63 * D5^2 + 1296) < 0; "risulta"; "è di metri")$$

$$= SE(-48 + RADQ(63 * D5^2 + 1296) < 0; "negativa";$$

$$(-48 + RADQ(63 * D5^2 + 1296)) / 7)$$

Digitiamo la formula per il calcolo dell'area

• Nelle celle C8 e D8 digitiamo rispettivamente le formule:

$$= SE(-48 + RADQ(63 * D5^2 + 1296) >= 0; "ampia mq"; "non calcolabile")$$

$$= SE(-48 + RADQ(63 * D5^2 + 1296) >= 0; 1/2 * D5 * D7; "")$$

Immettiamo le misure del cateto AB

• Nella cella D5 digitiamo 16 e battiamo INVIO. Vediamo il foglio della figura 2.

Operiamo similmente per 4 e per 3 e vediamo il foglio delle figure 3 e 4.

	A	B	C	D
1	In un triangolo rettangolo ABC i 3/4 dell'ipotenusa AC			
2	superano il cateto BC di 3 m, determiniamo l'area			
3	in relazione alle misure del cateto AB.			
4				
5	Inserisci la lunghezza del cateto AB in metri:			16
6				
7	La lunghezza del cateto BC		è di metri	12
8	L'area del triangolo è		ampia mq	96

▲ Figura 2

	A	B	C	D
1	In un triangolo rettangolo ABC i 3/4 dell'ipotenusa AC			
2	superano il cateto BC di 3 m, determiniamo l'area			
3	in relazione alle misure del cateto AB.			
4				
5	Inserisci la lunghezza del cateto AB in metri:			4
6				
7	La lunghezza del cateto BC		è di metri	0
8	L'area del triangolo è		ampia mq	0

▲ Figura 3

	A	B	C	D
1	In un triangolo rettangolo ABC i 3/4 dell'ipotenusa AC			
2	superano il cateto BC di 3 m, determiniamo l'area			
3	in relazione alle misure del cateto AB.			
4				
5	Inserisci la lunghezza del cateto AB in metri:			3
6				
7	La lunghezza del cateto BC		risulta	negativa.
8	L'area del triangolo è		non calcolabile.	

▲ Figura 4

■ Esercitazioni

Sul quaderno imposta i sistemi di equazioni necessari per risolvere i seguenti problemi e analizza le soluzioni. Entra in ambiente Excel e costruisci un foglio elettronico atto a ricevere i dati e a determinare i risultati. In questa fase tieni presente l'analisi svolta nel quaderno. Applica il foglio ai casi proposti. Leggi i risultati del primo caso e disegna nel quaderno la figura corrispondente in una scala a piacere.

1 L'area S di un triangolo rettangolo è di 54 m². Determina le misure dei cateti, dopo aver assegnato la differenza delle loro lunghezze. Prova con 3 m, 1 m, 10 m. [12 m e 9 m; 10,90 m e 9,90 m; 16,53 m e 6,53 m]

2 In un rombo il perimetro è di 40 m. Determina le lunghezze delle due diagonali, dopo aver assegnato il rapporto k fra le loro lunghezze. Prova con $k = \frac{3}{4}; \frac{2}{5}; \frac{1}{6}$. [12 m e 16 m; 7,43 m e 18,57 m; 3,29 m e 19,73 m]

3 In un triangolo isoscele l'angolo al vertice è ampio 120°. Determina la lunghezza dell'altezza, quando la base, rispettivamente, è lunga 10 m, 15 m, $7\sqrt{3}$ m. [2,89 m; 4,33 m; 3,5 m]

4 Il perimetro di un triangolo rettangolo è di 12 cm. Sapendo che l'ipotenusa è k volte la somma dei cateti, calcola l'area S del triangolo. Prova con $k = \frac{5}{7}; \frac{7}{5}; \frac{2}{5}$.

[S = 6 cm²; il triangolo non esiste; il triangolo non esiste]

5 In un rombo il raggio della circonferenza inscritta è lungo 12 m. Trova le lunghezze delle diagonali dopo aver assegnato il perimetro 2p. Prova con 2p = 100 m, 50 m, 96 m. [40 m e 30 m; il rombo non esiste; 33,94 m e 33,94 m]

Per ognuno dei seguenti sistemi di equazioni costruisci un foglio elettronico che permetta di immettere un valore del parametro e di ottenere in corrispondenza o le eventuali soluzioni o l'indicazione che il sistema è indeterminato o impossibile. Prova il foglio assegnando al parametro i valori indicati.

Per verifica aggiungi al foglio elettronico una parte che calcoli separatamente, per mezzo del valore assegnato al parametro e dei valori trovati della x e della y , il primo e il secondo membro delle equazioni originali.

$$6 \quad \begin{cases} x^2 + y^2 = 4 \\ y = x + q \end{cases}$$

Prova con $q = \frac{2}{5}; 2\sqrt{2}; 3$.

$[(-1,6; -1,2), (1,2; 1,6); (-1,41; 1,41); \text{nessuna}]$

$$7 \quad \begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ y = mx - 2 \end{cases}$$

Prova con $m = \frac{5}{4}; 0; \frac{2}{5}$.

$[(4; 3), (-2,05; -4,56); (-4,58; -2), (4,58; -2); (-3,62; -3,45), (5; 0)]$

$$8 \quad \begin{cases} y = x^2 - 3x + 2 \\ y = x + q \end{cases}$$

Prova con $q = 2, -2, -3$.

$[(0; 2), (4; 6); (2; 0); \text{nessuna}]$

$$9 \quad \begin{cases} y = (k-2)x^2 - kx - 2(k+3) \\ y = x + \frac{1}{5} \end{cases}$$

Prova con $k = -\frac{23}{6}; -3, 0$.

$[(-0,31; -0,11), (0,8; 1); (0,2; 0,4); \text{nessuna}]$

$$10 \quad \begin{cases} \frac{y-k}{x-2} - \frac{29}{4x-8} = x-k \\ y = x+1 \end{cases}$$

Prova con $k = -3, -2; 0$.

$[(-1,66; -0,66), (1,66; 2,66); (0,50; 1,50); \text{nessuna}]$