

## MATEMATICA AL COMPUTER

# Primitive

Con Wiris troviamo le primitive della funzione  $g(x) = \frac{2x^3 - 2}{x^2}$  passanti rispettivamente per i punti  $P(2; 6)$  e  $Q(2; 0)$ .

Tracciamo i grafici di  $g(x)$  e delle due primitive, dove evidenziamo i punti assegnati.

### RISOLUZIONE

- Attiviamo Wiris e immettiamo la funzione  $g(x)$  (figura 1).
- Dal menu *Analisi* importiamo il modello dell'integrale, nel cui campo digitiamo  $g(x)$  e a fianco la lettera  $c$ . Facciamo ciò per ottenere l'integrale indefinito (Wiris assegnerebbe il valore 0 alla costante indeterminata).

**Troviamo l'integrale indefinito di  $g(x)$**

$$g(x) = \frac{2 \cdot x^3 - 2}{x^2};$$

$$p = \int g(x) + c \rightarrow \frac{c \cdot x + x^3 + 2}{x}$$

**Troviamo la primitiva di  $g(x)$  che passa per  $P(2,6)$**

$$\text{sostituire}(\text{sostituire}(y = \frac{c \cdot x + x^3 + 2}{x}, x, 2), y, 6) \rightarrow 6 = c + 5$$

$$\text{risolvere}(6 = c + 5) \rightarrow \{c = 1\}$$

$$a(x) = \text{sostituire}(p, c, 1) \rightarrow x \mapsto \frac{x^3 + x + 2}{x}$$

**Troviamo la primitiva di  $g(x)$  che passa per  $Q(2,0)$**

$$\text{sostituire}(\text{sostituire}(y = \frac{c \cdot x + x^3 + 2}{x}, x, 2), y, 0) \rightarrow 0 = c + 5$$

$$\text{risolvere}(0 = c + 5) \rightarrow \{c = -5\}$$

$$b(x) = \text{sostituire}(p, c, -5) \rightarrow x \mapsto \frac{x^3 - 5 \cdot x + 2}{x}$$

Figura 1

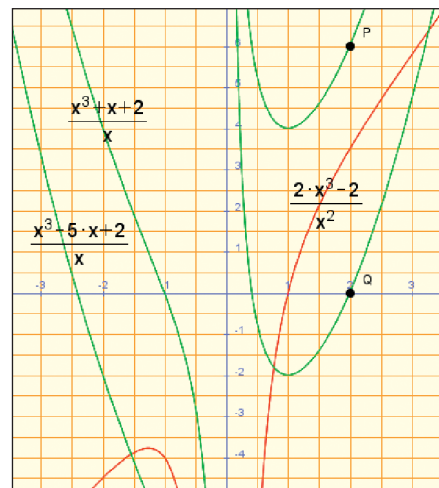


Figura 2

- Facciamo clic su *Calcola* in modo che appaia l'integrale indefinito di  $g(x)$ .
- Sostituiamo in esso le coordinate di  $P$ .
- Risolviamo l'equazione in  $c$  ottenuta.
- Sostituiamo il valore di  $c$  nell'integrale indefinito, individuando la primitiva passante per  $P$ .
- Operiamo similmente per trovare quella passante per  $Q$ .
- Con le istruzioni grafiche di Wiris realizziamo poi il grafico di figura 2.

### ESERCIZI IN PIÙ

Per ognuno dei casi seguenti, con l'aiuto del computer, trova la primitiva  $g(x)$  della funzione  $f(x)$  che passi per il punto indicato. In un medesimo riferimento cartesiano traccia i grafici di  $g(x)$ , di  $f(x)$  e di  $f'(x)$ , evidenziando alcune delle rispettive caratteristiche.

**1**  $f(x) = x^2 - 3x - 10$ ,  $P(2; -\frac{55}{3})$ .  $[g(x) = 0,3333x^3 - 1,5x^2 - 10x + 5]$

**2**  $f(x) = \frac{2}{x+3}$ ,  $P(-2; 2)$ .  $[g(x) = 2 \ln|x+3| + 2]$

**3**  $f(x) = (x-1)^2 e^{-x}$ ,  $P(0; 1)$ .  $[g(x) = e^{-x}(x^2 + 2x + 1)]$

**4**  $f(x) = \ln(x+4)$ ,  $P(0; 8 \ln 2)$ .  $[g(x) = (x+4) \ln(x+4) - x]$

**5**  $f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x + 5}$ ,  $P(1; 1 + \frac{\pi}{8})$ .  $[g(x) = 0,5 \arctan(0,5x + 0,5) + 1]$

**6**  $f(x) = \frac{x^2 - x - 20}{x-1}$ ,  $P(0; 1)$ .  $[g(x) = -20 \ln|x-1| + 0,5x^2 + 1]$