

## Capitolo 4

Su un manovellismo agiscono forze esterne, dipendenti dal tipo di macchina, e le forze d'inerzia.

Le **forze esterne** sono costanti in certi tipi di macchina, come nelle macchine idrauliche:

$$F = \rho \cdot g \cdot h \cdot S$$

Se  $F$  è allineata con la direzione di spostamento della testa a croce, può essere scomposta in due componenti:

- una componente ortogonale alle guide:  $F'' = F \cdot \operatorname{tg} \beta$ , che si scarica sulle guide stesse;
- una componente diretta lungo l'asse della biella:

$$F' = \frac{F}{\cos \beta}$$

che sollecita la biella a compressione. Se la biella è tozza, si può dimensionare a compressione semplice, altrimenti a carico di punta.

La componente  $F'$  può essere scomposta a sua volta in due componenti:

- una componente diretta lungo l'asse della manovella

$$F_r = F \cdot \frac{\cos(\alpha + \beta)}{\cos \beta}$$

- una componente diretta tangenzialmente alla manovella: , che produce il moto dell'albero.

Per il calcolo delle **forze d'inerzia** che agiscono sul piede di biella,  $F_i = m_i \cdot a$ , si considera una massa  $m_i$  che comprende le masse dello stantuffo, dello spinotto, delle fasce, della testa a croce e dei 2/3 della lunghezza della biella.

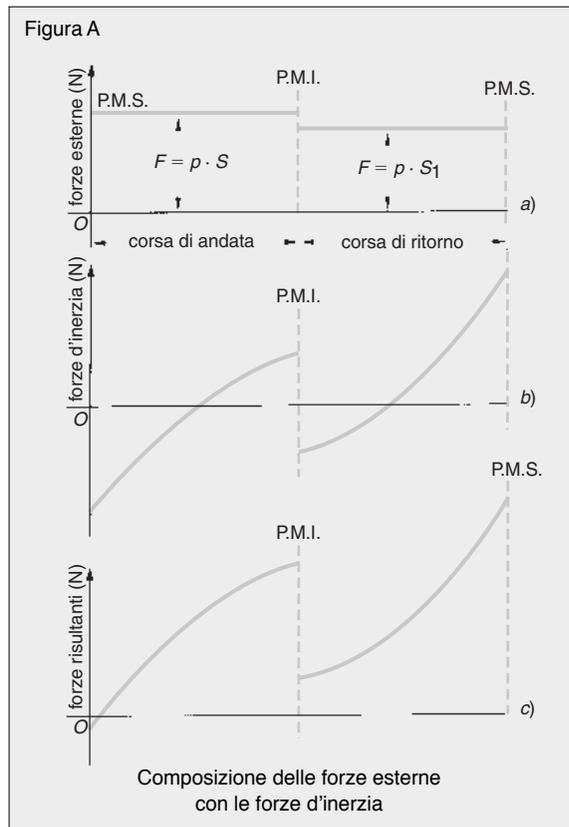
La manovella è soggetta a un moto rotatorio e quindi a una **forza centrifuga**  $F_c = m_c \cdot \omega^2 \cdot r$ , dove la massa  $m_c$  comprende le masse della testa di biella, del bottone di manovella, di 1/3 della lunghezza della biella e della manovella. Per evitare errori, in quanto la forza centrifuga dovrebbe essere applicata nel baricentro della manovella e non in  $B$ , si riduce la massa della stessa:

$$m'_m = m_m \cdot \frac{r_0}{r}$$

dove  $r_0$  è la distanza del baricentro da  $O$ .

Il calcolo delle **forze risultanti** si esegue sommando per ogni posizione le forze esterne a quelle d'inerzia, assumendo positive quelle che favoriscono il moto. Il dimensionamento degli organi è eseguito considerando le forze risultanti nella posizione dove queste sono massime (figura A).

Per i **motori endotermici** il problema è più complesso in quanto le forze esterne non sono costanti. Partendo dal ciclo termico del motore nel piano  $p-V$ , si passa al piano  $p-\alpha$  e quindi a  $F-\alpha$  moltiplicando  $p$  per la sezione  $S$ . Le forze esterne si possono quindi sommare alle forze d'inerzia (figura B).



La forza che produce il momento motore non è solo la componente  $F_t$  delle forze esterne. Indicando con  $N$  la forza risultante sulla biella, si può scrivere:

$$F_t = F \cdot \frac{\sin(\alpha + \beta)}{\cos \beta}$$

e quindi

$$N_t = N \cdot \frac{\sin(\alpha + \beta)}{\cos \beta}$$

Analiticamente si ricava quindi per il **momento motore** l'espressione:

$$M_m = N \cdot r \cdot \left( \sin \alpha + \frac{\cos \alpha \cdot \sin \alpha}{\sqrt{\mu^2 - \sin^2 \alpha}} \right)$$

Il momento motore non è quindi costante e si annulla al P.M.I. e al P.M.S. Graficamente si può ricavare moltiplicando il diagramma di  $N_t$  per  $r$ .

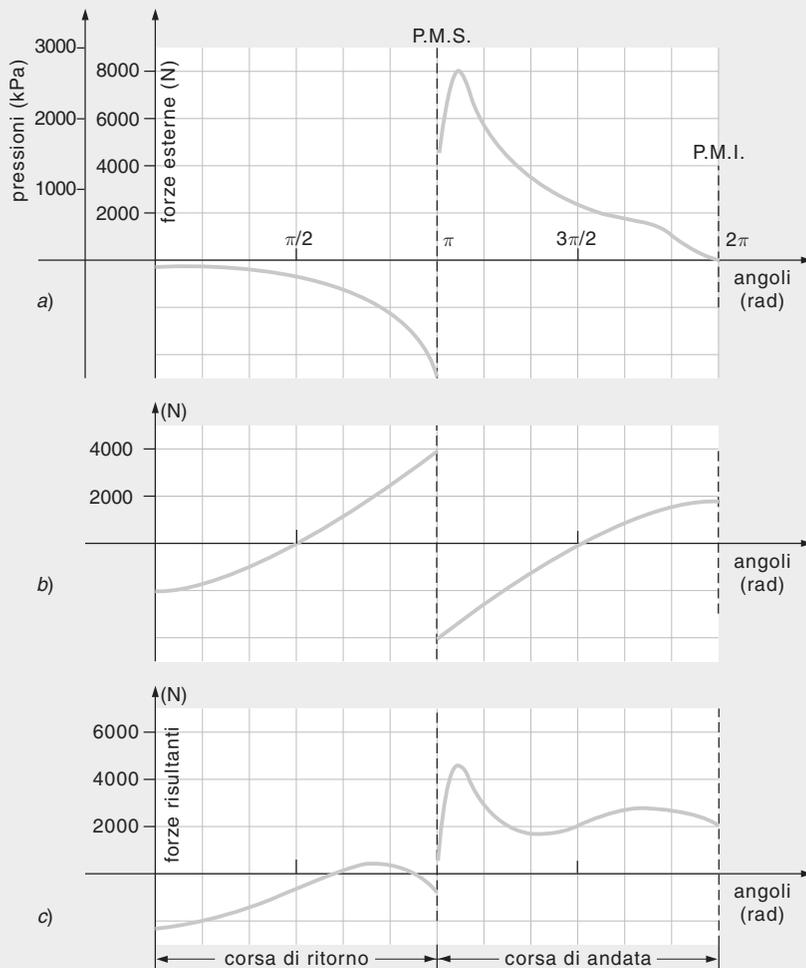
La biella è sollecitata da una forza

$$N' = \frac{N}{\cos \beta}$$

massima in posizione di quadratura.

Il calcolo delle **bielle lente** (regime di rotazione inferiore a 300 giri/min) inizia fissando forma e di-

Figura B



mensioni della sezione. Si valuta il valore del rapporto di snellezza  $\lambda$  e, se questo è inferiore a 30, si procede a una verifica a compressione semplice; se è compreso tra 30 a 100, si utilizzano formule empiriche o il metodo omega; se  $\lambda > 100$  si fa ricorso alla formula di Eulero. Il grado di sicurezza necessario

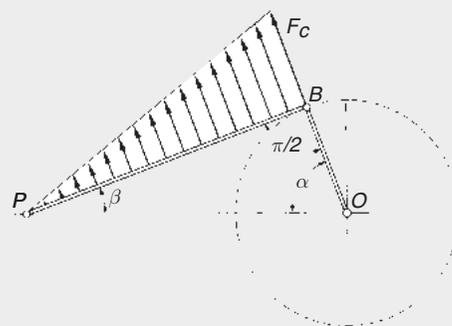
$$\frac{P_{cr}}{N} = a$$

deve essere molto elevato a causa delle sollecitazioni alternate nelle macchine a doppio effetto e viene scelto in funzione del tipo di macchina. Se il regime di rotazione aumenta è sufficiente un  $a$  anche basso. Per i motori a carburazione si sceglie  $a$  compreso tra 5 e 15.

Il calcolo delle **bielle veloci** tiene conto, oltre che dello sforzo normale, anche del momento flettente prodotto dalla forza centrifuga, che varia linearmente da 0 in  $P$  a un valore per unità di lunghezza in  $B$  (dove  $m$  è la massa per unità di lunghezza  $F_c = m \cdot \omega^2 \cdot r$  della biella) (figura C). La tensione interna vale:

$$\sigma_{tot} = \frac{N'}{A} + \frac{M_f}{W_f}$$

Figura C



Si calcolano poi gli altri organi collegati alla biella. Se  $N_0$  è la massima sollecitazione di trazione agente sulla biella,  $N_0/2$  agisce sui ognuno dei due perni che uniscono le due parti in cui è divisa la testa di biella nelle grandi motrici:

$$\frac{N_0}{2 \cdot A} \leq \sigma_{am}$$